ACCELERATOR STUDY NOTE

ASN 265

23 FEB 1937

1 GeV リニアックの試み (2)

加藤隆夫

1. はじめに

リニアックの性能は、いくつかの代表的なパラメーターの値で表す事が一般 的である。ビームダイナミックスを扱う場合にも、リニアックとビームが作るシ ステムのある側面に光をあてて、そこで定義される量を基礎に議論する事がよく 行われる。その場合には、物事が数式化できたり、又統計的に表現出来るので幾 多の利点があるのだが、反面、一面を強調して定式化する時に、お互いの連関が 失われてしまう恐れもある。そこで、本稿においては、予めある程度最適化した リニアックを設定したうえで、ビームトラッキングを通じて、システムを考察し たいと思う。従って、本稿で扱った結果は、ある特定のリニアックをでついての結 果である事に注意するが、こうした積み重ねにより最適リニアックを求めるので あるから、考察すべき材料を提示する役には立つと思われ、又周波数等が以下の モデルと大きく変わる場合にも、その場合の問題点は何かを考察する参考になる と思う。なお、以前に出した ASN - 259 (1 GeV リニアックの試み) も参考にし ていただきたい。

2. リニアックの構成

シミュレーションに使用するリニアックの構成を Fig.1 に示す。主要なパラ メーターを Table 1 に示す。比較の為に single version (ref.1) と EHF(ref.2)をあわせて書いてある。

加速電場の設定には幾つかの注意すべき点があるが (ref.3)、ここでは、 リニアックの全長がほぼ 500 m と いう制約から、アルバレ型 (DTL)では 2.5 MV/m, CCL(coupled cavity linac)では 3.3 MV/m とした。

CCL のユニットタンクの長さは、望ましい横方向アクセプタンスが確保出来 る事と、一本のクライストロンの安定な供給電力を 3 MW と仮定した時に、高周 波電力給電システムが安定に運転出来そうな事の二点を考慮して決めている。 しかし、エネルギーの低い所ではユニットタンク長さを短くするなどの細かいが 重要な配慮はまだ行っていない。CCL の具体的な structure に関しては、計算の 上では特に制約は無いのであるが、使用したパラメーターは side coupled linac に依拠している。

DTL から CCL に変わるように、加速管構造が変わる部分を transition と呼んでいる。transition など無い方が建設の上でも運転保守の観点からみても良いに決っているが、それでもなお transition を入れるのは、加速器の加速効率を上げるためであり、それは 全体としての cost saving につながるものである。 Fig.2 にシャントインピーダンス (ZTT)のエネルギー依存性、Fig.3 に 空洞励振電力 の周波数依存性を示す。世界の他の場所で、400 MHz DTL + 1200 MHz CCL のシステム(EHF など)が考えられているのは、そのような選択により未決の 問題はあるにしても、とにかく目に見える合理性(rf システムまで含めて)を 重視する姿勢と想像される。ビームダイナミックスから見ると、transition は 重大な二つの問題をもたらす。横方向のビームマッチングと縦方向のピーム マッチングである。完全なチューニングが有り得ないので、transition により 確実にビームの性質は劣化する。故に transition の数は少ない方が良く、 そこでは慎重なパラメーターの選択が要求される。 DTL から CCL への transition energy を 150 MeV と高めにした理由は、CCL のユニットタンク内の セルを同じ長さで作る場合には、rf位相遅れによる加速効率の劣化が小さい事、 従って長めのユニットタンクを選べる事、バンチ幅が狭くなっているのと、 ドリフトスペースでのビームの縦方向の広がり方が(βが大きいので)小さい ので CCL におけるロスの少ない加速に有利な事、特に APS を想定する時には、 100 MeV 以下の入射は structure の構造からの制約が大きい事である。 4

CCL の横方向の収束は、 singlet 方式により行い、四極磁石の間隔は 3 m とした。本稿では位相進みが 80° に選んであるが、 今後の検討が大いに期待 される分野である。なお、 Q-磁石を置くドリフトスペースは、Fig-4 に示す ように縦方向のアクセプタンスの減少をもたらすので、 注意が必要である。

DTL の中のビームシミュレーションは特に書くほどの事はまだ済ませていな いが、CCL におけるビームロスが少ないという視点から行った幾つかの計算に ついて簡単に述べる。第一は、DTL の入射 エネルギーを、2 MeV から 3 MeV に 上げた計算、これは、DTL の入射部の四極磁石の強さを緩和する事に関係する。 第二は、DTL の 10 MeV までの加速に関して、縦方向のアクセプタンスが一定に なるように、加速電場に傾きをつける事である。この方式は、 KEK の陽子 リニアックで部分的に行われている。限られた範囲のシミュレーションからみる と、CCL のビームロスに重要なのは、CCL 入口のバンチの位相の広がりであり、 DTL への入射エネルギーや、DTL の初段部分の加速方式にはよらないといえる。 勿論、CCL 入口の位相の広がりが、DTL 入口の位相の広がりに関係することはい うまでもなく、DTL 加速においては、縦方向の位相平面における Liouville の定 理はよく成り立っている事が確認された。

3. Rf defocusingについて

ー 般に rf defocusing が問題とされるのは、 β(v/c) が小さい低エネルギー 領域であるが、加速電場が高くなり、CCL のように Q-磁石の間に多数の defocusing力を受ける構造になると、βが大きい場合にも重要な因子となる。 横方向の運動は、次式であらわされる。一般的な表記法だから省略して書くと、

 $\frac{1}{\alpha} \frac{dx}{dz} = \frac{1}{\alpha} \left(\beta \gamma - \gamma \right) = k^2 r r x - k^2 r x$ $\beta \gamma dz \qquad dz$ $k^2 r r = -(q/mc^2) \pi ET \sin \phi / (\lambda \beta^3 \gamma^3)$

-2-

$k^{2}_{a} = (q/mc^{2})cB'/(\beta \gamma)$

. •

本稿で設計した CCL のエネルギー 150 MeV において、両者の比をとると、 k², / k²。~ 0.012。 実際、Q-磁石の強さを求めると、rf defocusing を考慮 する場合としない場合とでは、同じ 位相進み を実現するための Q-磁石の強さが Fig.5 に示すように異なる。rf defocusing は sinø の位相依存性を持って おり、ビームシミュレーションにより求めた横方向アクセプタンスは Fig.6 に 示すように変化する。一般的には、そのリニアックの安定位相における アクセプタンスをもって、アクセプタンスと称するので、このように アクセプタンスの位相依存性が大きい場合には、相応の注意が必要となる。

4. CCL のピームシミュレーションの方法

シミュレーションに使用したビームは、DIL の入口において、 6 次元の一様 な分布を持つようにした 3000 個の粒子集団である。変化させるパラメーターと しては、ビームのエミッタンス(εx, εy)、エネルギーの広がり(ΔW)、位相の 広がり(Δφ) を考える。普通は、DIL のアクセプタンスに完全にマッチングさせ て、安定位相を中心に入射する。DIL リニアックのパラメーター は変化させない。 DIL からのビームは、ドリフトスペースと Q-磁石により、横方向は完全にマッチ ングさせ、縦方向は、DIL と CCL の周波数の比に従って bunch length を大きく したのち、CCL におけるビームロスが最小となるような位相へ入射させる。 CCL リニアックでは、次のように加速のパラメーターを変化させる。

A. 加速電場の 各タンク毎のrandom なバラツキ。例えば、5%のバラツキとは、設計値を中心として±5%の範囲で加速電場の大きさを変える。

B. 加速電場の各セル毎の random なパラツキ。

C. 全タンクの平均加速電場の設計値からのズレ。

rf phase のエラーをいれていない理由は、第一にシミュレーションの量が 増えるのを避けた、第二には、CCL ではセル毎のエラーは 小さい事、 第三には、 シミュレーションの初期の結果からみて、重点を電場エラーに 絞って良いと考え た事であるが、最終的には phase エラーも当然ながら考慮しなければいけないと 思う。 CCL におけるシミュレーションの結果は、以下の定義によりまとめる。

loss ratio = 透過粒子数/入射粒子数

loss factor = $\Sigma N_i W_i / \Sigma N_i W_0$

N;と W; は i番目のセルでロスした粒子数とエネルギー、 Wa は入射エネルギーを 表す。loss factorは、ロスの大きさとは無関係である事に注意する。エネルギー の幅は 90 % の全幅で表す。横方向の emittance growth は 90 % normalized emittance の CCL 出口と入口での比で表す。縦方向の emittance growth は 90 % emittance の比で表す。 実際の加速は、計算に取り入れていないその他の 多くの影響を受ける。その中でも比較的簡単に計算出来そうなのは、マッチング の乱れ、加速管とQ-磁石のアラインメントの乱れ等で、 今後の課題である。

ł

5. シミュレーションの結果

5.1 CCL のアクセプタンス

Fig.7 とFig.8 に横方向と縦方向のアクセプタンスを示す。横方向の normalized acceptance は、

$\varepsilon x(90\%) = 1.11 \pi cm$	m r = A x	$\varepsilon x(100\%) = 2.25 \pi cm$	mr
εy(90%)=1.42π cm	mr=Ax	ε у(100%)=3.46πсш	mr.

5.2 DTL入射ビームのエミッタンスと CCL のビームロス

DTL 入口では、ビームの広がり $\Delta \phi = \pm 30^\circ$,エネルギーの広がり $\Delta W = \pm 60 \text{ keV}$ をビームに与える。これは予想される RFQ のビームに相当している。 横方向のエミッタンスの twiss parameter は DTL アクセプタンスのそれと一致 させる。本節のシミュレーションでは、DTL においてはビームのロスは無い。 エミッタンスの異なる三種類のビームについて、CCL の加速条件を変えて シミュレーションを行った。CCL の入口におけるエミッタンスとアクセプタンス の比を Table 2 に示す。Table 3 にシミュレーションの結果を示す。ここで加速 電場のエラー(5,2)の意味は、セル毎の random エラーが土5% であり、タンク毎 の random エラーが土2%である事を示す。

粒子集団が PR187 の場合の loss ratio とタンク毎の加速電場エラーとの 関係を Fig.9 に示してある。1%のロスビームが、現在の KEK のリニアック ビームの半分程度に相当する。

セルエラー 5%, タンクエラー 2% の場合に、CCL リニアック全体の加速電場 の強さと loss ratio, loss factor との関係を Fig.10, Fig.11 に示す。ロスの 少ない加速電場の範囲はある 程度はあるが、設計値よりも低い加速電場の場合 には、次第に エネルギーの高い所でのビームロスが増える事がわかる。この 場合の平均エネルギーの変化を Fig.12 に示す。

5.3 DTL 入口の位相の広がりの効果

DTL の入口で位相の広がりが二倍違うビーム集団(PR187 と位相幅がこの半分の±15°の PR186)をつくり、CCL による加速の様子を較べてみる。これは
RFQ の設計と周波数の選択に関係する。結果を Table 4 に示す。
RFQ の設計と周波数の選択に関係を Fig.13 に示す。
ここでは加速電場の
エラー(5,2)を仮定している。

6. 加速電場のズレについて

加速電場の大きさを知る為には、励振電力のモニターから類推する方法では 不十分であり、良くチューニングされていると仮定出来るタンクによるビーム加 速による判定が必要であると考える。その場合、 β < 1 なので位相振動が有るこ とを考慮しなければいけないが、一旦チューニングが出来てしまえば、モニター の値が役に立つ事はあきらかである。最も、ビームロスとエネルギーの広がりを 考えなくて良いようなリニアックに出来れば、加速電場の値をきちんと押さえる 必要はない。

多数の独立な高周波電源により励振されるリニアックの加速電場が、

-4-

期待値と異なる理由を考えて、以下に挙げてみよう。

A. 励振電力が期待値と異なる。

- 多数の独立電源相互の電力比が期待値と異なる、そして一つの電源の電力 を分割していく過程で分割比が違ってくる等が考えられる。後者は分割の 回数が多い程、バラツキは大きくなる。Los Alamos で採用している bridge coupler は、逆に自由な分割比を設定出来るようにしているが、 利点欠点があるであろう。三通りの給電法を Fig.14 に示す。
- B. ある励振電力を与えても、空洞の性質が変わっていて、加速電場の大きさが異なる場合がある。 低電力測定による シャントインピーダンスが バラツクうえに、決して少ないとは言えない発熱を伴う運転が、空洞の チューニングやカップリングに及ぼす影響などが考えられる。
- C. ビームローディングの影響 空洞の stored energy の約 10 倍のエネルギーをビームは必要とするの で、ビームローディングの補償をきちんと行わないと、400 µ secの長い ビームパルスの間に、ビームが感じる電場が変化してしまう。簡単な計算 によれば、single VERSION では、一つのクライストロンからの給電を 受ける多くのセルの中で、第一のセルについて時間的に完全な捕賞を すれば、最後のセルは必ず 1% 程度の加速電場の減少を起こす事になる。 進行波型のリニアックでは、 加速電場の空間的な分布は、ある設計値の 電流の値の時にだけ実現される。詳しい考察が必要な分野と思う。

7. single cell version について

Table 1 の比較において、注目に値するのは、single version の長さが異状 に長い点と ZIT が低いことである。これは single linac としての形をとるとき に効率が小さくなる結果であり、single において、単にシャントインピーダンス Zが 58 MQ/mで高いと言うことが、如何に意味がないかを示している。一般にな ぜ $\pi/2$ モードが嫌われるかと言えば、励起されない空胴の長さを勘定すること により、Z が半分になるからであり、ビームが通るところの長さをリニアックの 性能を示す指標の基礎としているのである。ちなみに side coupled linac では、 off axis の空胴を長さに入れない。ref.1では、Zの大きい事が強調されており、 しかも全体の性能が高いような印象を受けやすい形で、特定のセルのZTTの大 きさを紹介しているので、まぎらわしい事になる。

Fig.15 に ZTT の比較、Fig.16 に長さと空胴励振電力の比較を示す。従って single cell version に対しては、

1) リニアックとしての基本的な性能が悪い、

2) チューニングが難しい、

3) メンテナンスが面倒である、

4) beam dynamics に無理がかかるような design と思われる、

5) total cost が大きい、

等が指摘でき、筆者が賛同しない理由である。

-5-

8. RFQ の加速効率

アルバレ型リニアックの前段加速器としての RFQ は、その出力エネルギーが 高い事が望ましい。それは、ドリフトチューブの中に納める四極磁石の設計が 非常に楽になるからであり、アルバレ型の周波数が高い時は特に望まれる。 RFQ の単位長さ当りの加速ゲインムW は次式で表される。

 $\Delta W = e E_0 T \cos \phi$

 $E_{\theta} = 2 A V / (\beta \lambda), T = \pi / 4$

 $A = (m^2 - 1)/(m^2 I_0(ka) + I_0(mka))$

 $\mathbf{k}=2\pi/(\beta\lambda)$

E。は平均加速電場、V は電極間電圧、m は電極の modulation の大きさ、a は 最小半径、Ia は変形ベッセル関数である。

高周波的に独立な一つのタンク内では電極間電圧は一定であるので、m が 一定の時は、ほぼ β に反比例して平均加速電場は減少する。逆に、平均加速電場 1 MV/m を得ようとすれば、Fig.17 に示す様に電極間電圧はエネルギーとともに 変わる。同じ事であるが、750 keV における加速効率 (E_0 / V)を基準にすると、 より高いエネルギーの時の加速効率は Fig.18 に示す様に減少する。ここでは、 m = 2, a = 0.004 と仮定している。 従って、RFQ の加速部分に於て、平均加速 電場を一定にする場合には、modulation m を次第に大きくしていくことになり、 m の小さい部分における加速効率を更に下げる事になる。Table 5 に周波数 200 MHz の場合の設計例を示す。細かいパラメーターは省略するが、電極間電圧は 120 kV であって共通である。 Table 6 に final energy 2 MeV 、周波数 200 MHz と 400 MHzの設計例を示す。両者とも 表面最大電場がキルパトリック リミットの 1.7 倍になるように選んでいる。 Table 5 と 6 では他の パラメーターが異なるので励振電力は違っている。

Table 7 に final energy 3 MeV の設計例を示す。これらはいずれも単なる 設計例であり、今後入射ビームのエミッタンスが最終的に決まってから、幾つか のパラメーターを最適化する必要がある。その場合、 高いエネルギーまで加速 する RFQ の設計においては、

1. 望ましいアクセプタンスを実現する為に

2. 平均半径(最小半径)を幾つに設定して、

3. 電極間電圧をどう決めるか、

4. その結果、最大表面電場と給電電力は実現可能であるか、

の作業が重要と思われる。 RFQ の出力エネルギーを上げることは、後続のアル バレ型加速器にとっては非常に有利な事であるので、 RFQ の加速効率は悪くなる としても、ビームダイナミックスの計算により実現可能ならば、大いに検討する 価値があると思われる。その場合に予想される、 RFQ が長くなる事、給電電力が 大きくなる事などによる技術的な問題点に対しては、 幾つかの解決策が考えられ ている。

9. まとめ

1. エミッタンスとアクセプタンスの比 (ε/A) をいくらに想定出来るかに より、ビームロスに関係する部分の設計と 要求される rf チューニングの 厳しさが大きく異なる。

2. Rf defocusing の効果が大きいので、ビームの位相幅には充分注意する 必要がある。

ビームの性質を悪くせず、ビームロスを少なくする為に、縦横のエミッタン スの大きさに留意し、加速電場のチューニングに注意するという平凡な結論にな ってしまった。 本稿では、space charge effect を考慮していないが、それは、 ビーム電流 20 mA を想定しているからである。最後に、本稿は 1986 年 12 月に 核研で行われた大型ハドロン研究会の発表に加筆したものである事を書き添えて おきます。

謝辞

西川所長から、多くの貴重な御指摘と助言を戴きました。ここに深く感謝 致します。

参考文献

1. "大型ハドロン計画の加速器",61年12月10日.

- A.Lombardi et al., "SCL Preliminary computations concerning the structure and beam dynamics", December 1986,
 A.Lombardi and M.Weiss, "Some general consideration of the injection scheme", October 1986.
- 3. 加藤隆夫,"1 GeV リニアックの試み",KEK ASN 259, October 1986.

Table 1 リニアックの主なパラメーターと他との比較

	CCL-	1 CCL-2	CCL – 3	single	EHF	
FREQUENCY	600	1200	600	500	1200	MHz
DTL FREQUENCY	200	400	200	200	400	MHz
RFQ FREQUENCY	200	200 OR 400	200	100	50 AND 400	MHz
Win	150	150	100	100	150	MeV
Wout	1000	1000	1000	1000	1200	MeV
EO	3.3	4.0	3.0	3.0	5.6	MV/m
Pc	95.4	90.3	89.7	100*	143	MW
TANK LENGTH	328	272	371	458**	232	
STABLE PHASE	30	30	26	26	57-25	degree
AVERAGE ZTT	31	39	30	22	41	MΩ/m
TANK NUMBER	136	152	154	208		
CELL NUMBER	1784	2954	2082	1664		

* この数字は大きすぎる印象を受ける。仮に 80 MW とすれば ZII=27 となる。 ** 2.2 m × 208タンク

注 1. 本稿の計算に使用したのは CCL-1 である。

注 2. CCL-3 は single version との比較の為に入射と transition の エネルギーを同じにした。

注 3. single は参考文献 1 による。

注 4. EHF は参考文献 2 によるが、Hybrid structure と称する version の基礎 となっている version について幾つかの仮定の基に計算した結果を示した。

注 5. TANK LENGTH には Q-磁石用の空間は入っていない。 CCL の Z は理想値の 30 Z 増しを使っている。 Table 2 エミッタンスの異なる三種類のビーム

• `

. -

粒子集団名	PR187	PR188	PR189	
ε x/Ax	0.44	0.32	0.082	
ε y/Ay	0.30	0.21	0.055	

Ax,Ay は CCL アクセプタンス。

Table 3 CCL のビームシミュレーションの結果

PR187	加速電場	易のエラー	・(セルノ	/タンク)	
	(0,0)	(0,2)	(0,5)	(5,2)	(5,10)
∆₩ (MeV)	2.22	2.40	2.22	2.10	18.9
loss ratio (%)	0.53	1.67	6.67	1.27	18.37
loss factor	1.33	1.25	1.21	1.27	1.25
εx,out/εx,in	1.23	1.26	1.36	1.24	4.84
εy,out/εy,in	1.05	1.06	1.14	1.05	3.95
εl,out∕εl,in	5.46	4.86	8.57	5.19	/
PR188	加速電場	島のエラー	- (セルノ	 /タンク)	
	(0,0)	(0,2)	(0,5)	(5,2)	(5,10)
∆₩ (MeV)	2.16	2.28	1.86	1.98	17.58
loss ratio (%)	0.07	0.07	0.5	0.07	6.83
loss factor	1.45	1.45	1.24	1.41	1.36
εx,out∕εx,in	1.24	1.23	1.29	1.20	5.48
εy,out/εy,in	1.14	1.14	1.15	1.13	4.65
εl,out∕εl,in	4.41	4.09	8.68	4.51	/
PR189	加速電場	 島のエラー	- (セル)	 /タンク)	
<u></u>	(0,0)	(0,2)	(0,5)	(5,2)	(5,10)
∆₩ (MeV)	2.58	2.64	1.38	2.34	17.22
loss ratio (%)	0	0	0	0	0
loss factor	/	1	1	/	/
εx,out∕εx,in	1.53	1.44	1.24	1.45	6.40
εy,out∕εy,in	1.44	1.35	1.26	1.38	6.82
εl,out/εl,in	2.52	2.73	8.12	3.18	/

Table 4 DTL 入口の位相幅の効果

	PR	187	PR1	86		
at DTL entr	ance					
$\Delta \phi$	±	30	±	15	degree)
ΔW	±	± 60		60	k e V	
εx	0.	56	0	.56	πсш	ır
εу	0.	55	0	.55	π с п	nr
at CCL entr	ance				•	
Δφ(ful	1)	34		18	degree)
\triangle W	0.	6	0	.15	MeV (S	30% full)
<u>at CCL exit</u>						
field error	(0,0)	(5,2)) (0,	0)	(5,2)	
loss rat	io 0.53	1.27	0.	1	0.57 %	
\triangle W	2.2	2.1	1.	9	1.8 Me	eV (90% full)
εx	0.68	0.69	0.	55	0.55	πcm mr
е у	0.58	0.58	0.	51	0.51	πcmmr
Table 5 200 M	(Hz RFQ の	例				
final energy	1	2	3	4	6	MeV
length	1.47	2.57	4.22	6.11	10.88	m
cell number	118	150	186	222	310	-
rf power	190	330	550	790	1400	k₩
-						
Table 6 2 MeV	RFQ (200	MHz, 4	100 MHz	:)		
frequency	200	400	MHz			
final enrgy	1.92	2.03	MeV			
length	2.739	2.277	ш			
cell number	158	272				
vane voltage	129	79	kV			
εx,n(90%)	0.3	0.1	πсш	mr		
εy,n(90%)	0.3	0.1	πсш	mr		
rf power	420	280	kW			
Table 7 3 MeV	RFQ (400	MHz)				
最小半径	2.5	2.0	mm			
final enrgy	3.0	3.0	MeV			
length	2.765	3.514	ш			
cell number	282	330				
vane voltage	109	95	k V			
εx,n(90%)	0.1	0.07	πсш	mr		
rf power	650	430	kW			
			-10-			

· -

ś



Fig.1 リニアックの構成。



Fig.4 Decrease of longitudinal acceptance (%) Fig.5 Increase of Q-magnet strength due to due to inter-tank spaces. Solid line --> E0=3.0 MV/m, 96 tanks, tank length=1.6 m. Dashed line -> E0=3.3 MV/m, 136 tanks, tank length=2.25 m.

11



Fig.6 Relarive variation of CCL transverse, acceptance vs. rf phase.



Fig.8 CCL longitudinal acceptance.







Fig.7 CCL transverse acceptance.



Fig.9 Loss ratio vs. tank error for PR187.







Fig.12 Average output energy vs. rf level for PR187. Tank error of 2% and cell error of 5% are assumed.







Fig.14 a) Rf system with bridge couplers for Fig.14 b) Rf system with dividers coupled cavity linac.



for coupled cavity linac.







Fig.15 各デザインの ZTI の比較。

Fig.16 各デザインの長さと励振電力の比較。



Fig.17 Variation of vane voltage vs. final beam energy.

